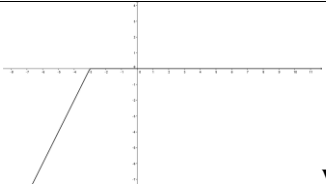
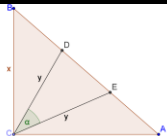
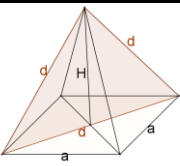


Schemat oceniania zadań otwartych krótkiej odpowiedzi

Numer zadania	Odpowiedzi	Liczba punktów
Zad 1 4pkt	Doprowadzenie wyrażenia do postaci $\frac{1}{\log_5 3} + \frac{1}{2\log_5 3} + 1 + \log_5 3$.	3
	Doprowadzenia każdego logarytmu 1pkt. Ostateczny wynik: $x = \frac{m^2 + m + 3}{2m}$	4
Zad 2 4pkt	Zastosowanie definicji wartości bezwzględnej w każdym z przypadków: $(x+3) - x+3 = \begin{cases} 0 & \text{dla } x \in \langle -3, \infty \rangle \\ 2x+6 & \text{dla } x \in (-\infty, -3) \end{cases}$	1
	 wykres	2
	$x_0 = \langle -3; \infty \rangle$	3
	$f \uparrow$ gdy $x \in (-\infty; -3)$ f stała gdy $x \in \langle -3; \infty \rangle$	4
Zad 3 3pkt	Zapisanie równania z parametrem $\frac{x+3}{x^2+7} = m$	1
	Wyznaczenie $\Delta = -28m^2 + 12m + 1$	2
	Zbiór wartości: $y \in \left\langle \frac{-1}{14}; \frac{1}{2} \right\rangle$	3
Zad 4 3pkt	Rozważenia każdego z przypadków: (lub uzasadnienie, że wystarczy rozważyć tylko 2) <i>I</i> $x, y, x+y$ <i>I</i> $x, x+y, y$ <i>III</i> $x+y, x, y$	3
Zad 5 4pkt	 Rysunek lub opis oznaczeń:	1
	Zastosowanie twierdzenia cosinusów $y = \frac{x\sqrt{5}}{3}$	2
	$\cos \alpha = \frac{4}{5}$	4
Zad 6 6pkt	Wyznaczenie współrzędnych punktów $C(0; -1)$ $D(-4; 3)$ poprzez wykorzystanie własności trapezu	5
	Obliczenia wysokości trapezu: $h = 3\sqrt{2}$ Pole trapezu: $P=18$	6
Zad 7 3pkt	Poprawnie przeprowadzony dowód Jeżeli w dowodzie są usterki można przyznać 2p	3

Numer zadania	Odpowiedzi	Liczba punktów
Zad 8 5pkt	 <p>Rysunek lub opis oznaczeń:</p>	1
	Wyznaczenie odcinka $d = \frac{2\sqrt{S}}{\sqrt[4]{3}}$	2
	Wyznaczenie wysokości ostrosłupa $H = \sqrt{S}\sqrt[4]{3}$ Oraz wyznaczenie długości krawędzi podstawy $a = \frac{\sqrt{2S}}{\sqrt[4]{3}}$ {za każdą wielkość jeden punkt}	4
	Objętość: $V = \frac{2S\sqrt{3S}\sqrt{3}}{9}$	5
Zad 9 5pkt	Doprowadzenie równanie do postaci iloczynowej: $(t-1)(4t^2-3)=0$ oraz zapisanie alternatywy $t=1 \vee t = \frac{\sqrt{3}}{2} \vee t = -\frac{\sqrt{3}}{2}$	2
	Rozwiązanie równania i podanie odpowiedzi: $\left\{\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2}, \frac{2}{3}\pi, \frac{4}{3}\pi, \frac{5}{3}\pi\right\}$. Rozwiązanie każdego z równań 1pkt.	5
Zad 10 6pkt	Przekształcenie równania do postaci równania kwadratowego: $x^2 + x(1-m) + m^2 - 1 = 0 \quad m \neq 1 \quad x \neq 0$	1
	Zapisanie warunków: $\begin{cases} \Delta > 0 \\ \frac{-b}{c} < 2m+1 \end{cases}$	2
	Rozwiązanie pierwszego warunku: $\Delta = -3m^2 - 2m + 5 = 0 \quad m \in \left(-\frac{5}{3}, 1\right)$	3
	Warunek z zastosowaniem wzorów Viete'a: $\frac{m-1}{m^2-1} < 2m+1 \quad m \in \left(-\frac{3}{2}, -1\right) \cup (0, \infty)$	5
	Odpowiedź: $m \in \left(-\frac{3}{2}, -1\right) \cup (0, 1)$	6
Zad 11 4pkt	Określenia $m \neq 0$	1
	Zastosowanie twierdzenia o reszcie z dzielenia wielomianu przez dwumian: $W(2) \leq 6$	2
	Doprowadzenie do postaci nierówności wielomianowej: $(-8 + 2m^2)m \leq 0$	3
	Rozwiązanie: $m \in (-\infty; -2) \cup (0; 2)$	4
Zad 12 3pkt	Wyznaczenie ilości wszystkich zdarzeń elementarnych: $5!$ - wybór tarczy 6^5 - losowy wybór liczb na tarczy, ilość wszystkich zdarzeń: 933120	2
	Podanie prawdopodobieństwa: $\frac{1}{933120}$	3